

epperò soddisfa all'equazione

alla quale deve quindi soddisfare anche il primo membro. Si ottiene così

$$\frac{d^2 \mathcal{R}}{d\epsilon^2} - \frac{1}{2} \frac{d^2 W}{d\epsilon^2} = \frac{1}{2} \frac{d^2 W}{d\epsilon^2} \quad (1)$$

ossia

$$\frac{d^2 W}{d\epsilon^2} = \frac{1}{2} \frac{d^2 W}{d\epsilon^2}$$

ponendo

Finalmente derivando la (15) due volte di seguito prima rispetto ad a , poi rispetto a ϵ , si ha

$$\frac{d^2 W}{d\epsilon^2} = \frac{1}{2} \frac{d^2 W}{d\epsilon^2}$$

Se nessuna delle quattro quantità che entrano in quest'equazione è nulla, è chiaro che l'indipendenza delle variabili a e ϵ richiede necessariamente che sia

dove r è una costante reale od immaginaria della forma $r'i$, ma sempre differente da zero.

Se invece qualcuna di quelle quantità è nulla, si dovrà porre

quando nessuna delle derivate prime è nulla

; oppure

$$(17'') \quad W = \text{cost.}$$

quando una delle derivate prime, per es. quella di W , è nulla.

Se fossero costanti ambedue le funzioni ϵ , W , la superficie risulterebbe sviluppabile. Noi non ci occuperemo punto di questo caso, per sé stesso evidente.